

単管足場の座屈についての一考察

土木課 森 宜 制

緒 言

ビルディングの外装工事に使用される単管足場は正面からみれば格子状をなし、側面からみれば単スパンの高層ラーメン状をなしている。この足場の部材が直交する部分は金具で緊結されているが、この金具は部材から部材へモーメントを伝達する能力はほとんどない。したがって、足場は側面からみた場合に非常に不安定となる。この不安定さを補うために、通常足場のところどころを壁等の堅固なものへ碇着している。これを壁つなぎと称する。

このような構造のとき、足場の建地の荷重を増加させると、足場は格子面の面外方向に座屈を起す。そのときの座屈荷重は、壁つなぎの挿入密度によって異なる。壁つなぎの密度と座屈荷重との関係は非常に興味ある問題であるが、一般的な場合の解を求めることは困難なので、単純な場合のみについて解を求めた。

さて単管足場は、壁に対して内外二面に立てられた格子を腕木で連結する構造である。もしこの両面の格子へ常に等しい荷重を作用させると、座屈は両面同時に起りしかも座屈の形も等しい。したがって、この場合は一面の格子のみを考慮すればよい。

また、荷重の作用する建地は一本に限定し、更に問題を一層単純化する意味で、次の仮定を設ける。

- a. 建地と布の交点において、相互にモーメントの伝達はない。
- b. 各部材は等断面の単一材である。
- c. スパンおよび層間隔はそれぞれ一定である。
- d. 壁つなぎは建地と布の交点のみにとり、該点は面外に移動しない。

§ 1 格子の面外座屈の限界式

1-1 概 論

格子を、荷重を受けている建地と、それを面外へ拘束している拘束糸（布と残りの建地からなる）に分割して考えると、この問題は多数の弾性支承を有し、軸方向力のみを受ける連続梁の座屈問題になるが、弾性支承が相互に独立でない点は注意を要する。

次に荷重を受けている建地を各層ごとに分割し、おのおの変形式を求め、これに境界条件を代入して得られた

式が、常に成立するという条件から、座屈限界式が求められる。*1

この場合条件として、

- a. 各層において端部に働く力が釣合う。

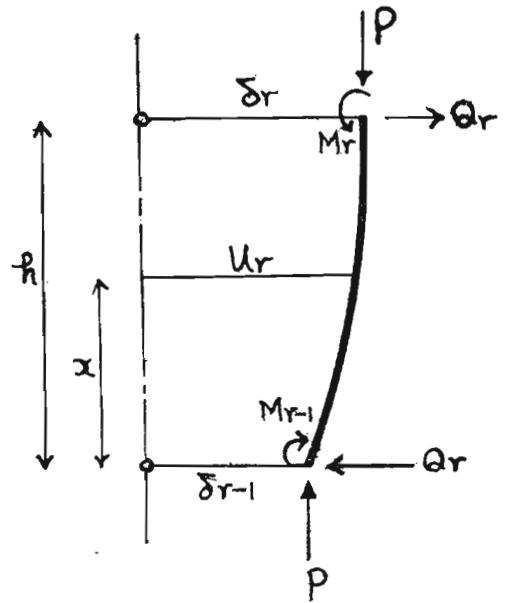
という条件と、各端部において

- b. 上下層の端部に働く力が釣合う。
- c. 撓みが連続である。
- d. 撓角が連続である。
- e. 建地の撓みと拘束糸の撓みが一致する。

等の境界条件を考慮しなければならない。

1-2 任意の層における変形式

図-1



任意の r 層をとり出しその下端を (r-1) 点、上端を r 点とする。この層が垂直力 P を受けて横に撓む場合、両端における端モーメントをそれぞれ M_{r-1} 、 M_r とし、横力は両端とも等しいので Q_r とし、撓みをそれぞれ δ_{r-1} 、 δ_r とすれば、下端から x の位置の撓み U_r について次の式を得る。

$$EI \frac{d^2 U_r}{dx^2} = -M_{r-1} - Q_r x - P (U_r - \delta_{r-1}) \dots\dots\dots(A)$$

ただし EI = 部材の曲げ剛性

(A)式を解いて、各項をモーメントのディメンションにす

れば次式を得る.

$$PU_r = P\delta_{r-1} - M_{r-1} - Q_r x + C_{r1} \cos \frac{x}{a} + C_{r2} \sin \frac{x}{a} \dots\dots\dots (B)$$

ただし, C_{r1} , C_{r2} は積分常数で

$$\frac{1}{a^2} = \frac{P}{EI} \dots\dots\dots (1.1)$$

である.

なお, 両端に働く力を P , M_{r-1} , M_r , Q_r と定めたことよって, 1-1 における条件 b はすでに満足されているが, 条件 a は満足されていない.

条件 a が満足されるためには

$$M_r = M_{r-1} + Q_r h + P(\delta_r - \delta_{r-1}) \dots\dots\dots (1.2)$$

ただし, h = 層の間隔

でなければならない. これを層の釣合式と呼ぶことにする. したがって, P , M_{r-1} , M_r , Q_r , δ_{r-1} および δ_r は互に独立ではない. これらのうち 1 個は他の函数として表わされる.

1-3 撓みの連続性

1-1 における条件 c を満足するためには(B)式において

$$x = 0 \text{ で } U_r = \delta_{r-1}$$

$$x = h \text{ で } U_r = \delta_r$$

でなければならない. 前者より

$$C_{r1} = M_{r-1} \dots\dots\dots (C)$$

後者より

$$P\delta_r = P\delta_{r-1} - M_{r-1} - Q_r h + C_{r1} \cos \frac{h}{a} + C_{r2} \sin \frac{h}{a}$$

を得るが, これに(C)式, (1.2) 式および

$$\frac{h}{a} = \varphi \dots\dots\dots (1.3)$$

を代入すると

$$C_{r2} = \frac{1}{\sin \varphi} (M_r - M_{r-1} \cos \varphi) \dots\dots\dots (D)$$

となる. (B)式に(C)および(D)を代入したものが, 任意の r 層の変形式である.

1-4 撓角の連続性

r 層の x 点における撓角は(B)式を x で微分して得られる.

$$\tau_r = \frac{dU_r}{dx} = -\frac{Q_r}{P} - \frac{C_{r1}}{Pa} \sin \frac{x}{a} + \frac{C_{r2}}{Pa} \cos \frac{x}{a}$$

したがって, 上, 下端の撓角は(C)および(D)を代入すればそれぞれ

$$\tau_{r,r-1} = -\frac{Q_r}{P} + \frac{C_{r2}}{Pa}$$

$$= -\frac{Q_r}{P} + \frac{1}{Pa \sin \varphi} (M_r - M_{r-1} \cos \varphi) \dots\dots\dots (E)$$

$$\tau_{r,r} = -\frac{Q_r}{P} - \frac{C_{r1}}{Pa} \sin \varphi + \frac{C_{r2}}{Pa} \cos \varphi$$

$$= -\frac{Q_r}{P} - \frac{M_{r-1}}{Pa} \sin \varphi + \frac{1}{Pa \sin \varphi} (M_r - M_{r-1} \cos \varphi) \cos \varphi \dots\dots\dots (F)$$

となる.

さて 1-1 の条件 d を満足するためには r 層の上端と $(r+1)$ 層の下端の撓角が等しくなければならない. すなわち,

$$\tau_{r,r} = \tau_{r+1,r}$$

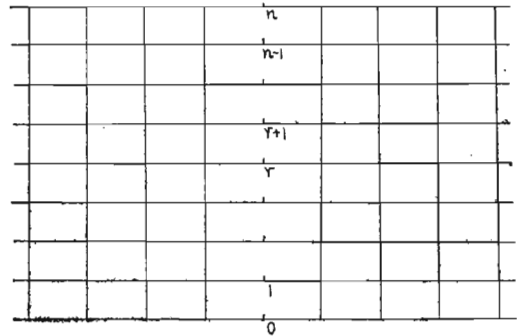
これに(E), (F)を参考にし, 整理すれば次式を得る.

$$M_{r-1} - 2M_r \cos \varphi + M_{r+1} + Q_r a \sin \varphi - Q_{r+1} a \sin \varphi = 0 \dots\dots\dots (1.4)$$

これが r 点における撓角の連続性を表わす式である.

1-5 拘束条件

図-2



拘束系の任意の点 r に, 格子面に直角な力 S_r を加えたとき, 拘束系は r 点のみならず他の点も撓む. したがって, r 点の撓みは r 点の力 S_r ばかりでなく, 他の点の力 $S_0, \dots, S_r, \dots, S_n$ によっても生じ, これらが同時に作用するときはその和になる.

今 t 点に働く力 $S_t = 1$ によって生ずる r 点の撓みを α_{tr} とすれば, S_0, \dots, S_n 力が同時に作用したときに r 点に生ずる撓みは,

$$\delta_r = S_0 \alpha_{0r} + S_1 \alpha_{1r} + \dots\dots\dots + S_n \alpha_{nr}$$

となる. しかるに拘束系が建地から受ける力は

$$0 \text{ 点において } S_0 = Q_1$$

$$r \text{ 点において } S_r = Q_{r+1} - Q_r$$

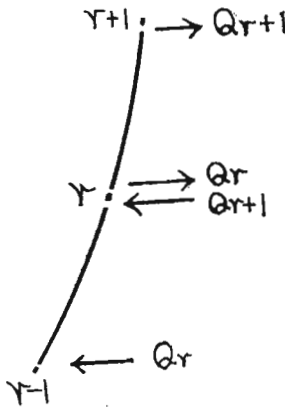
$$n \text{ 点において } S_n = -Q_n$$

であるから, これを前式に代入して整理すると

$$\delta_r = Q_1(\alpha_{0r} - \alpha_{1r}) + Q_2(\alpha_{1r} - \alpha_{2r}) \dots\dots\dots + Q_n(\alpha_{n-1,r} - \alpha_{n,r}) \dots\dots\dots (1.5)$$

となる. (1.5) 式の δ_r を (1.2) 式や (1.4) 式の δ_r と同じものだとすれば, (1.5) 式は 1-1 における条件 e を満足する.

図-3



なお、式中の常数 α_{ir} は相反法則により

$$\alpha_{ir} = \alpha_{ri}$$

また、 r 点の拘束が独立であるときは

$$\alpha_{ir} = \alpha_{ri} = 0$$

である。

さて、建地の水平移動に対する拘束条件について述べたのであるが、この他に建地の o 点および n 点が回転に対して拘束するかしないかによって更に拘束条件が加わる。

$$\left. \begin{array}{l} o \text{ 点が回転端} \quad M_o = 0 \\ o \text{ 点が非回転端} \quad \tau_{io} = -\frac{Q_i}{P} + \frac{1}{Pa \sin \varphi} \dots (1.6) \\ \quad (M_1 - M_o \cos \varphi) = 0 \end{array} \right\}$$

$$\left. \begin{array}{l} n \text{ 点が回転端} \quad M_n = 0 \\ n \text{ 点が非回転端} \quad \tau_{nn} = -\frac{Q_n}{P} - \frac{M_{n-1}}{Pa} \\ \quad \sin \varphi + \frac{1}{Pa \sin \varphi} \dots (1.7) \\ \quad (M_n - M_{n-1} \cos \varphi) \end{array} \right\}$$

1-6 座屈の限界条件

以上のように、格子の一つの建地が垂直荷重 P を受けて面外変形を生ずる場合、その変形を $M_o, \dots, M_n, Q_1, \dots, Q_n, \delta_o, \dots, \delta_n$ なる合計 $(3n+2)$ ケの未定常数で表わしたとき、これらの常数の間にはある関係が成立つことを示した。すなわち 1-1 で述べた種々の条件を考慮した結果最終的に、

- (1.2) 式で示される各層の釣合
- (1.4) 式で示される撓角の連続性
- (1.5) 式で示される水平変位に対する拘束
- (1.6) および (1.7) 式で示される材端の回転に対する拘束

なる関係が常数間に成立することが分った。

さて、(1.2), \dots , (1.7) 式は M_o, \dots に関する同次一次の連立式で、しかも式の数 M_o, \dots の数と一致す

る。したがって、これらの常数が同時に 0 でない場合に対して、(1.2) \dots が成立するためには、同式中の M_o, \dots の係数を要素とする行列式が 0 でなければならない。これらの係数は P, a, φ および α_{ir} の函数であるから、この行列方程式は結果的には、 P, EI, \dots および h の函数関係を表わすことになり、この方程式を P について解けば座屈の限界荷重が求められる。すなわち行列式 = 0 が座屈の限界条件式である。^{*2}

もし、 M_o, \dots が同時に 0 である場合には、(A)式は

$$EI \frac{d^2 U_r}{dx^2} = -PU_r \dots \dots \dots (G)$$

となり、これの一般解に境界条件を代入すると、

$$P = \frac{\pi^2 EI}{h^2} \dots \dots \dots (1.8)$$

なる関係が得られる。これも一つの座屈限界値であって層の間隔 h を座屈長とするオイラーの座屈値と称する。

ただし、(G)式的前提として、 $M_o = M_n = 0$ が必要であるから、建地の両端が非回転端の場合には、(1.8) 式の座屈は生じない。両端が回転端の場合には、行列式 = 0 の解と、(1.8) の値のうちの低い方が限界荷重となる。

^{*1} 与えられた境界条件を満足する弾性変形の微分方程式の解が必ず存在するために必要な条件が、座屈の限界条件になることについては、F. Bleich: *Buckling Strength of Metal Structures*: McGraw Hill の P.62~64 に述べられている。連立微分方程式の場合の例として、仲威雄、加藤勉: 単一材の座屈: 東大出版会の P.30~39 に応用例がある。

^{*2} 本解法の照査のために、2層2スパンの場合の解を、チモセンコ著、仲、齋川、久田訳: 座屈理論: コロナ社の P.67~72 の、中間に弾性支承を有する柱の座屈の解と照合した結果、両者が一致することが確かめられた。

§ 2 計算例

2-1 概 論

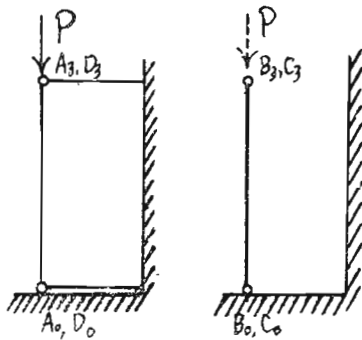
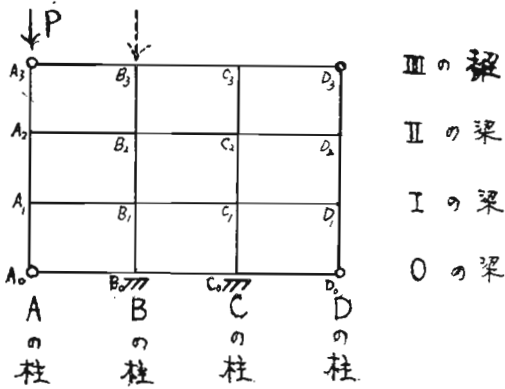
前節において述べた一般解は、理論的には簡単なことであるが、実際の計算はなかなか煩雑で困難である。なぜならば、

- 拘束系が高次の不静定構造であるために、(1.5) 式中の α_{ir} を求めることが困難である。
- 限界条件も高次の行列方程式であるために、容易に解けない。

からである。したがって、前者に対しては α_{ir} をなるべく合理的な近似値で置換え、後者に対しては未定常数を消去して、行列式の次数をなるべく下げる等の工夫が必要である。

さて、以下に比較的簡単な場合の計算例を示す。

図-4



格子は図-4に示すように3層3スパンで、4隅に壁つなぎがあり、各部材の末端は、面外への移動に対しては弾性的な拘束を受けているが、回転に対しては自由であるとする。したがって、この格子は上下左右対称な構造である。この格子の側端の柱あるいは中間の柱に垂直荷重を作用させた場合について解くことにする。

なお、座屈荷重は m を係数としたときに、次のようなオイラー値の形式で表わすことができるので、計算の結果を P の代りに m で表わすことにする。

$$P = \frac{\pi^2 EI}{(mh)^2} \dots\dots\dots (2.1)$$

ただし h = 層の間隔

EI = 部材の曲げ剛性

これは m を用いる方が、部材や格子の寸法に無関係に座屈を表現することができるからである。この m は座屈長と層間隔の比を表わすものであるが、(1.1)式および(1.3)式を参照すると

$$m = \frac{\pi}{\varphi} = \frac{\pi a}{h} \dots\dots\dots (2.2)$$

2-2 側端柱に载荷の場合

建地の両端は回転自由で、水平移動不能であるから

$$M_0 = M_3 = 0 \dots\dots\dots (2.3)$$

$$\delta_0 = \delta_3 = 0 \dots\dots\dots (2.4)$$

(1.2) 式は

$$-M_1 + Q_1 h + P \delta_1 = 0 \dots\dots\dots (2.5)$$

$$M_1 - M_2 + Q_2 h + P(\delta_2 - \delta_1) = 0 \dots\dots\dots (2.6)$$

$$M_2 + Q_3 h - P \delta_2 = 0 \dots\dots\dots (2.7)$$

(1.4) 式は

$$-2M_1 \cos \varphi + M_2 + Q_1 a \sin \varphi - Q_2 a \sin \varphi = 0 \dots\dots (2.8)$$

$$M_1 - 2M_2 \cos \varphi + Q_2 a \sin \varphi - Q_3 a \sin \varphi = 0 \dots\dots (2.9)$$

また、両端の移動不能のために、

$$\alpha_{01} = \alpha_{02} = \alpha_{32} = \alpha_{31} = 0$$

上下対称な構造であるために、また相反法則により

$$\alpha_{11} = \alpha_{22}, \alpha_{12} = \alpha_{21}$$

(1.5) 式は

$$-Q_1 \alpha_{11} + Q_2 (\alpha_{11} - \alpha_{12}) + Q_3 \alpha_{12} - \delta_1 = 0 \dots\dots (2.10)$$

$$-Q_1 \alpha_{12} + Q_2 (\alpha_{12} - \alpha_{11}) + Q_3 \alpha_{11} - \delta_2 = 0 \dots\dots (2.11)$$

(2.5)~(2.7)式へ(2.8)~(2.11)を代入して、 $M_1, M_2, \delta_1, \delta_2$ を消去すると、 Q_1, Q_2, Q_3 に関する次の式を得る。

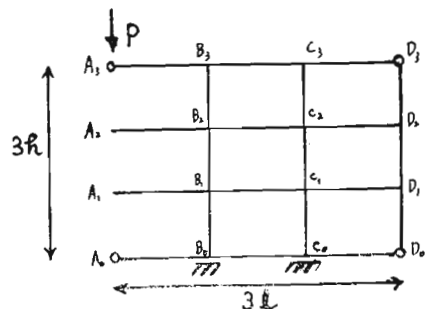
$$Q_1 \left\{ \frac{2 \sin \varphi \cos \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \frac{h}{a} - \frac{P}{a} \alpha_{11} \right\} + Q_2 \left\{ \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \frac{P}{a} (\alpha_{11} - \alpha_{12}) \right\} + Q_3 \left\{ \frac{-\sin \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \frac{P}{a} \alpha_{12} \right\} = 0 \dots\dots\dots (2.12)$$

$$Q_1 \left\{ \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \frac{P}{a} (\alpha_{11} - \alpha_{12}) \right\} + Q_2 \left\{ \frac{-2 \sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \frac{h}{a} - \frac{2P}{a} (\alpha_{11} - \alpha_{12}) \right\} + Q_3 \left\{ \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \frac{P}{a} (\alpha_{11} - \alpha_{12}) \right\} = 0 \dots\dots (2.13)$$

$$Q_1 \left\{ \frac{-\sin \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \frac{P}{a} \alpha_{12} \right\} + Q_2 \left\{ \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \frac{P}{a} (\alpha_{11} - \alpha_{12}) \right\} + Q_3 \left\{ \frac{2 \sin \varphi \cos \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \frac{h}{a} - \frac{P}{a} \alpha_{11} \right\} = 0 \dots\dots (2.14)$$

この3式の Q_1, \dots の係数の行列式を0とおいたものが座屈の限界条件式である。

図-5



次に α_{11} , α_{12} の値を求める。拘束系は図-5に示すとおりであるが、これの A_1 点に格子面に直角な力 1 を作用させたときの、 A_1 点、 A_2 点の撓みがそれぞれ α_{11} , α_{12} である。さてこの拘束系は二次の不静定構造である。

今、 h =層間隔、 ℓ =スパン、 $\ell/h=r$ とし、途中の計算を省略して結果だけ示せば次のとおりである。

$$\alpha_{11} = \frac{h^3}{54EI} \left\{ \frac{4200r^9 + 31076r^6 + 43744r^3 - 2734}{80r^6 + 336r^3 + 135} \right\}$$

$$\alpha_{12} = \frac{h^3}{54EI} \left\{ \frac{1200r^9 + 17430r^6 + 20304r^3 + 6615}{80r^6 + 336r^3 + 135} \right\}$$

$$\begin{vmatrix} \frac{2 \sin \varphi \cos \varphi}{1-4 \cos^2 \varphi} + \varphi - \varphi^3 \varepsilon & \frac{\sin \varphi}{1+2 \cos \varphi} + \varphi^3(\varepsilon - \omega) & \frac{-\sin \varphi}{1-4 \cos^2 \varphi} + \varphi^3 \omega \\ \frac{\sin \varphi}{1+2 \cos \varphi} + \varphi^3(\varepsilon - \omega) & \frac{-2 \sin \varphi}{1+2 \cos \varphi} + \varphi - 2\varphi^3(\varepsilon - \omega) & \frac{\sin \varphi}{1+2 \cos \varphi} + \varphi^3(\varepsilon - \omega) \\ \frac{-\sin \varphi}{1-4 \cos^2 \varphi} + \varphi^3 \omega & \frac{\sin \varphi}{1+2 \cos \varphi} + \varphi^3(\varepsilon - \omega) & \frac{2 \sin \varphi \cos \varphi}{1-4 \cos^2 \varphi} + \varphi - \varphi^3 \varepsilon \end{vmatrix} = 0 \dots\dots(2.17)$$

上式は2軸対称行列式であるから分解し、整理すると次式となる。

$$\frac{\sin \varphi}{1-2 \cos \varphi} + \varphi - \varphi^3(\varepsilon + \omega) = 0 \dots\dots(2.18)$$

$$\frac{\sin \varphi}{1+2 \cos \varphi} - \frac{\varphi}{3} + \varphi^3(\varepsilon - \omega) = 0 \dots\dots(2.19)$$

これら φ をについて解いて、その最小の正根を求めればよい。さらにこの φ を(2.2)式に代入すれば m が得られる。

与えられた r に対する φ , m の値を表-1に示す。

表-1 側端柱の場合

r	φ	m
1.6	1.094	2.872
1.4	1.106	2.841
1.2	1.123	2.789
1.0	1.146	2.741
0.8	1.189	2.642
0.2	1.481	2.057
0	2.094	1.500

2-3 中間柱に載荷する場合

前の場合と同様に行なう。柱の両端が回転端であるから

$$M_0 = M_3 = 0 \dots\dots(2.20)$$

(1.2) 式は

$$-M_1 + Q_1 h + P(\delta_1 - \delta_0) = 0 \dots\dots(2.21)$$

$$M_1 - M_2 + Q_2 h + P(\delta_2 - \delta_1) = 0 \dots\dots(2.22)$$

$$M_2 + Q_3 h + P(\delta_2 - \delta_2) - 0 \dots\dots(2.23)$$

(1.4) 式は

$$-2M_2 \cos \varphi + M_2 + Q_1 a \sin \varphi - Q_2 a \sin \varphi = 0$$

さて $\frac{P}{a} \cdot \frac{h^3}{EI} = \frac{h^3}{a^3} = \varphi^3$ であるから

$$\frac{P}{a} \alpha_{11} = \varphi^3 \cdot \frac{4200r^9 + 31076r^6 + 43744r^3 - 2734}{54(80r^6 + 336r^3 + 135)} \dots\dots(2.15)$$

$$\frac{P}{a} \alpha_{12} = \varphi^3 \cdot \frac{1200r^9 + 17430r^6 + 20304r^3 + 6615}{54(80r^6 + 336r^3 + 135)} \dots\dots(2.16)$$

となる。上式中の ε , ω は r のみの函数であるから、 ℓ と h の比が与えられれば、定まる値である。以上の値を代入すると座屈の限界式は次のようになる。

$$\dots\dots\dots(2.24)$$

$$M_1 - 2M_2 \cos \varphi + Q_2 a \sin \varphi - Q_3 a \sin \varphi = 0 \dots\dots(2.25)$$

(1.5) 式は

$$Q_1(\alpha_{00} - \alpha_{10}) + Q_2(\alpha_{10} - \alpha_{20}) + Q_3(\alpha_{20} - \alpha_{30}) - \delta_0 = 0 \dots\dots(2.26)$$

$$Q_1(\alpha_{01} - \alpha_{11}) + Q_2(\alpha_{11} - \alpha_{21}) + Q_3(\alpha_{21} - \alpha_{31}) - \delta_1 = 0 \dots\dots(2.27)$$

$$Q_1(\alpha_{02} - \alpha_{12}) + Q_2(\alpha_{12} - \alpha_{22}) + Q_3(\alpha_{22} - \alpha_{32}) - \delta_2 = 0 \dots\dots(2.28)$$

$$Q_1(\alpha_{03} - \alpha_{13}) + Q_2(\alpha_{13} - \alpha_{23}) + Q_3(\alpha_{23} - \alpha_{33}) - \delta_3 = 0 \dots\dots(2.29)$$

さて、格子が上下対称構造であることと、相反法則により、

$$\alpha_{00} = \alpha_{33}, \alpha_{11} = \alpha_{22}, \alpha_{01} = \alpha_{10} = \alpha_{23} = \alpha_{32},$$

$$\alpha_{02} = \alpha_{20} = \alpha_{13} = \alpha_{31}, \alpha_{03} = \alpha_{30}, \alpha_{11} = \alpha_{21}$$

したがって、 $\alpha_{00} \dots\dots$ は16ケのうち6ケ求めればよい。

$$\alpha_{00} = \frac{h^3}{EI} \cdot \frac{2958r^9 + 4929r^6 + 980r^3}{9(960r^6 + 1568r^3 + 245)}$$

$$\alpha_{11} = \frac{h^3}{EI} \cdot \frac{2(8019r^9 + 21507r^6 + 14861r^3 + 1890)}{81(960r^6 + 1568r^3 + 245)}$$

$$\alpha_{01} = \frac{h^3}{EI} \cdot \frac{14112r^9 + 17997r^6 + 1960r^3}{108(960r^6 + 1568r^3 + 245)}$$

$$\alpha_{02} = \frac{h^3}{EI} \cdot \frac{7(252r^9 + 135r^6 + 140r^3)}{54(960r^6 + 1568r^3 + 245)}$$

$$\alpha_{03} = \frac{h^3}{EI} \cdot \frac{-2352r^9 + 343r^6}{36(960r^6 + 1568r^3 + 245)}$$

$$\alpha_{12} = \frac{h^3}{EI} \cdot \frac{21168r^9 + 87675r^6 + 85952r^3 + 13230}{324(960r^6 + 1568r^3 + 245)}$$

さて

$$\varepsilon' = \frac{42984r^9 + 120759r^6 + 71204r^3 + 7560}{162(960r^6 + 1568r^3 + 245)} \dots\dots(2.30)$$

$$\kappa' = \frac{26784r^9 + 18030r^6 + 16468r^3 + 945}{162(960r^6 + 1568r^3 + 245)} \dots\dots(2.31)$$

$$\omega' = \frac{-21168r^9 + 79422r^6 + 74192r^3 + 13230}{162(960r^6 + 1568r^3 + 245)} \dots\dots(2.32)$$

$$\zeta' = \frac{42984r^9 + 84381r^6 + 32936r^3 + 1890}{162(960r^6 + 1568r^3 + 245)} \dots\dots(2.33)$$

とおけば、座屈の限界式は次のようになる。

$$\left| \begin{array}{ccc} \frac{2 \sin \varphi \cos \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \varphi - \varphi^3 \varepsilon' & \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \varphi^3 \kappa' & \frac{-\sin \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \varphi^3 \omega' \\ \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \varphi^3 \kappa' & \frac{-2 \sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \varphi - \varphi^3 \zeta' & \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \varphi^3 \kappa' \\ \frac{-\sin \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \varphi^3 \omega' & \frac{\sin \varphi}{1 + 2 \cos \varphi} + \varphi^3 \kappa' & \frac{2 \sin \varphi \cos \varphi}{1 - 4 \cos^2 \varphi} + \varphi - \varphi^3 \varepsilon' \end{array} \right| = 0 \dots\dots(2.34)$$

表-2はrに対するφ, mを示す。

表-2 中間柱の場合

r	φ	m
1.4	0.567	5.541
1.2	0.726	4.327
1.0	1.019	3.083
0.8	1.339	2.346
0.6	1.473	2.133
0.4	1.628	1.920
0	2.094	1.500

2-4 結果の考察

表-1, 表-2において, mはいずれも1より大きい。したがって, (1.8) 式の座屈すなわち各層ごとに変曲する座屈が起きないことが分る。

図-6

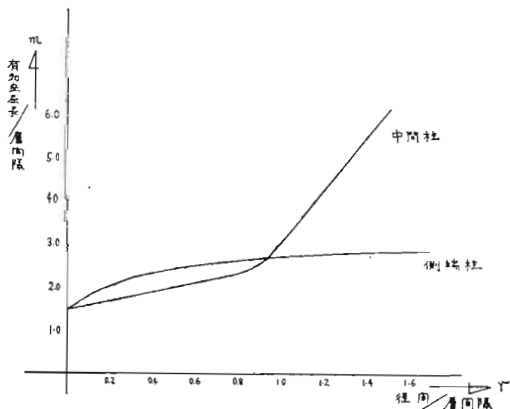


図-6はmとrの関係を図示したものであるが, 二つの曲線の始点となっている r = 0, m = 1.5は, 束ねら

れた4本の柱が同時に座屈する場合に相当する。また側端柱の曲線の漸近線であるm=3は, 柱が中間で全然拘束を受けない場合に相当する。

r < 0.95 で, 中間柱の曲線が側端柱のより下方にあることは, lがhに比べて小さいときは, 前者の方が中間拘束が強いことを意味している。また, r > 0.95になると中間柱の曲線が急激に上昇していることは, lがhに比べて大きくなると, 柱が座屈するのではなく, 布が曲げ降伏することを意味している。

結 語

前節において, 比較的簡単な, 3層3スパンで4隅に壁つなぎがあり, かつ各部材端が回転自由である格子の1本の柱のみに荷重を作用させた場合について解を求めたのであるが, 数本の柱に荷重が作用する場合が普通なので, その場合の見解を述べる。

いま, i本の柱に荷重が作用するときの1本あたりの座屈荷重をPiとすると, 一般に荷重が分散的に作用する方が, 集中的に作用する場合より強度が高い故, 全座屈荷重では

$$4P_1 > 3P_2 > 2P_3 > P_4$$

となる。また荷重を受ける柱の数が増すと, 補強の役目をしていく拘束糸の柱の数が減る故, 個々の大きさでは

$$P_1 > P_2 > P_3 > P_4$$

となる。したがって, これらのことから同時に数本の柱に荷重が作用する場合でも, およその見当がつけられる。

一方, 実際の場合は3層3スパンのブロックのみでなく, 多ブロックとなることが多い。この場合は, 柱の中間の拘束度が強くなるから, 座屈荷重も当然増すものと思われる。

There are many testing methods to measure shearing strength of soil, such as direct shear test, triaxial compression test, unconfined compression test and vane-test etc.

The purpose of this series of test is to determine shearing resistance of Kanto-Loam, and to find out the difference between direct shear test and unconfined compression test.

The values of cohesion C and angle of internal friction ϕ determined from the results of direct shear test, and the values of unconfined compressive strength q_u from the values of unconfined compression test are shown in the following.

$$\begin{aligned} \text{angle of internal friction } \phi &= 15^\circ \sim 30^\circ \\ \text{cohesion } C &= 0.7 \sim 1.5 \text{ kg/cm}^2 \\ \text{unconfined compressive strength } q_u &= 1.5 \text{ kg/cm}^2 \end{aligned}$$

Theoretical relation between unconfined compressive strength q_u and angle of internal friction ϕ and cohesion C is expressed by the equation

$$q_u = 2C \tan \left(45^\circ + \frac{\phi}{2} \right)$$

Substituting ϕ and C which are the value from the results of direct shear test in above equation, the value \bar{q}_u that are named converted unconfined compressive strength are obtained.

The value \bar{q}_u must be equal to the value q_u theoretically, but the ratio of the value \bar{q}_u to the value q_u is

$$\bar{q}_u / q_u = 0.4 \sim 0.6$$

This discrepancy in these values may be caused by difference of shearing processes in these tests, and of size of specimens for test, as specimens have many seams in them.

Theoretical Consideration on Buckling Strength of Tubular Pole Scaffold

by Yeshitada Mori

Since a tubular pole scaffold around the outside of a building under construction is usually tied to the building at many points, no displacement of the scaffold in the direction normal to the surface of the scaffold occurs at a connecting point, while at another point the scaffold tends to move in such direction when no crosswise bracings.

On some assumptions this scaffold can be regarded as such a lattice with many spans and layers, that no moment is transmitted from member to member at a panel point.

In this report the buckling problem of this lattice when it buckles normally to the surface of the lattice, by the vertical load acting on only a upright, has been treated as a characteristic value problem of differential equation, and in a general case only the critical load equation has been induced, but in some simplified cases

the actual solution of the critical load has been acquired; instead of the critical load P the value m in the following Eulerian expression has been acquired, since m is independent on the dimensions of the member of the scaffold.

$$P = \frac{\pi^2 E I}{m^2 l^2}$$

where E is the modulus of elasticity of the material, I is the moment of inertia of the section of the member, and l is the vertical distance between a ledger and an adjoining ledger.